

Lycée : Hassi El Frid

Devoir De Contrôle N° 04

Matière : Mathématiques

Date : 10 /02/2009

Durée : 1 heure

Classe : 2^{ème} Sciences

EXERCICE N°01 (3 PTS)

Dans chacun des exercices suivants, une réponse au moins est exacte.

Mettre V (vrai) pour une réponse juste, F (faux) pour une réponse fausse.

1) Soit $M' = r(M)$ où r rotation de centre I et d'angle $\alpha \in]0, \pi[$ équivaut

a) $\begin{cases} IM = IM' \\ \widehat{MIM'} = \alpha \end{cases}$ b) I, M et M' sont alignés c) $I = M * M'$

2) Soit ABC un triangle isocèle de sommet principale A alors

a) il existe une rotation de centre A qui transforme B en C

b) il n'existe aucune rotation de centre A qui transforme B en C

3) soit a un entier naturel et n un diviseur de a alors

a) a est un multiple de n b) a et n sont premier entre eux c) $PGCD(a, n) = n$

EXERCICE N°02 (4 PTS)

L'entier $n = x1527y$ à 6 chiffres.

On sait que n est multiple de 4 et que si on divise n par 11, le reste est égal à 5. Trouver n ?

EXERCICE N°03 (5 PTS)

1) Vérifier que pour tout $n \in \mathbb{N}$; $\frac{n+25}{n+4} = 1 + \frac{21}{n+4}$.

2) Déterminer n pour que $\frac{n+25}{n+4} \in \mathbb{N}$

EXERCICE N°04 (8 PTS)

Soit ζ un cercle de centre O , A un point de ζ et Δ la tangente à ζ en A . Soit R la rotation directe de centre O et d'angle $\frac{\pi}{2}$. (quart de tour directe de centre O)

1) Construire C l'image de A par R .

2) Montrer que $C \in \zeta$.

3) Construire Δ' l'image de Δ par la rotation R .

4) Soit B le point d'intersection des droites Δ et Δ' et $E = S_C(B)$

a) Quelle est la nature de quadrilatère $OABC$.

b) Montrer que E est l'image de B par la rotation R .

5) Soit M un point de Δ tel que $A \in [BM]$ et N un point de Δ' tel que $C \notin [BN]$ et $AM = CN$

Montrer que $R(M) = N$

Bon travail

correction

Exercice N°:2

$x1527y$ est divisible par 4 équivaut à $7y$ est divisible par 4
équivaut à $y = 2$ ou $y = 6$

➤ premier cas $y = 2$, d'ou $n = x15272$

le reste de la division euclidienne de n par 11 est égale à 5 signifie $n - 5$ est divisible par 11
c'est à dire $x15267$ est divisible par 11

Soit $S_1 = 7 + 2 + 1 = 10$ et $S_2 = 6 + 5 + x = 11 + x$

$$S_1 - S_2 = -1 - x < 0$$

$S_1 - S_2 + 11 = 10 - x$ donc $x = 10$ impossible car $x \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

donc pour $y = 2$ il n'existe pas x

➤ deuxième cas $y = 6$, d'ou $n = x15276$

le reste de la division euclidienne de n par 11 est égale à 5 signifie $n - 5$ est divisible par 11
c'est à dire $x15271$ est divisible par 11

Soit $S_1 = 1 + 2 + 1 = 4$ et $S_2 = 7 + 5 + x = 12 + x$

$$S_1 - S_2 = -8 - x < 0$$

$S_1 - S_2 + 11 = 3 - x$ donc $x = 3$

En fin $n = 315276$

Exercice N°:03

$$1) \quad 1 + \frac{21}{n+4} = \frac{n+4}{n+4} + \frac{21}{n+4} = \frac{n+4+21}{n+4} = \frac{n+25}{n+4} \text{ C.Q.F.D}$$

$$2) \quad \frac{n+25}{n+4} \in \mathbb{N} \text{ équivaut à } 1 + \frac{21}{n+4} \in \mathbb{N}$$

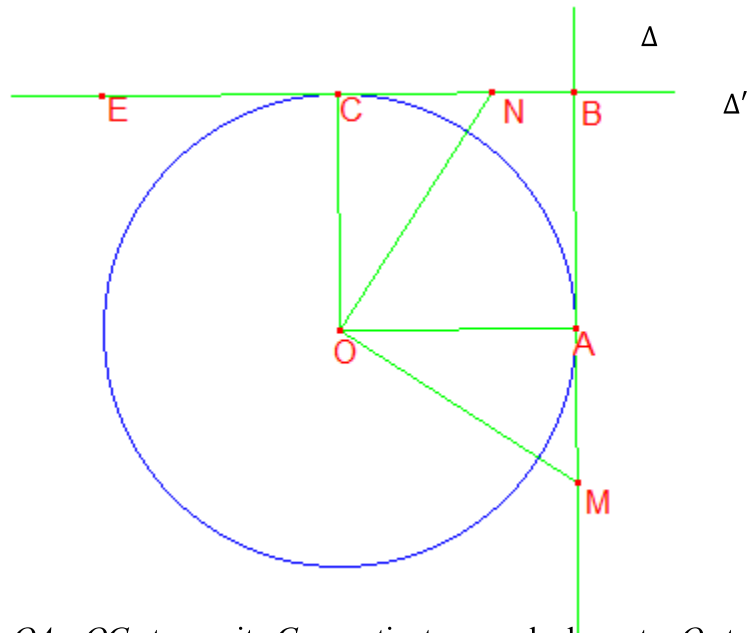
$$\text{équivaut à } \frac{21}{n+4} \in \mathbb{N}$$

$$\text{équivaut à } n+4 \in D_{21} = \{1, 3, 7, 21\}$$

$$\text{équivaut à } n = 3 \text{ ou } n = 17$$

Exercice N°:4

1)



2) On a $R(A) = C$ donc $OA = OC$ et par suite C appartient au cercle de centre O et de rayon OA c'est à dire $A \in \zeta(O, OA)$

3) Soit $\Delta' = R(\Delta)$

On a $A \in \Delta$ donc $R(A) = C \in \Delta'$

comme R c'est une quart de tour donc $\Delta \perp \Delta'$

en fin Δ' est la perpendiculaire à Δ passant par C

4) Soit $B = \Delta \cap \Delta'$ et $E = S_O(B)$

a) On a $\widehat{COA} = \widehat{AOB} = \widehat{ABC} = \frac{\pi}{2}$ Donc $OABC$ est un rectangle

comme $OA = OC$ donc $OABC$ est un carré.

b) Soit $B' = R(B)$

comme $B \in \Delta$ donc $B' \in \Delta'$ et $R(A) = C$ donc $CB' = AB$

donc $B' = B$ ou $B' = E$ comme $R(B) \neq B$ donc $R(B) = E$

5) Soit $M' = R(M)$

On a $M \in [BA] \setminus [AB]$ donc $M' \in [EC] \setminus [EC]$

et comme $AM = CM'$ donc $M' = N$

conclusion $R(M) = N$.